

**МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
имени М. В. Ломоносова**

---

**Физический факультет  
кафедра общей физики и физики конденсированного состояния**

**Методическая разработка  
по общему физическому практикуму**

**Лаб. работа № 44**

**ОПРЕДЕЛЕНИЕ ТЕПЛОЕМКОСТИ ВОЗДУХА  
ПРИ ПОСТОЯННОМ ДАВЛЕНИИ**

**Описание составил ст. преподаватель Богданов А. Е.**

**Москва - 2012**

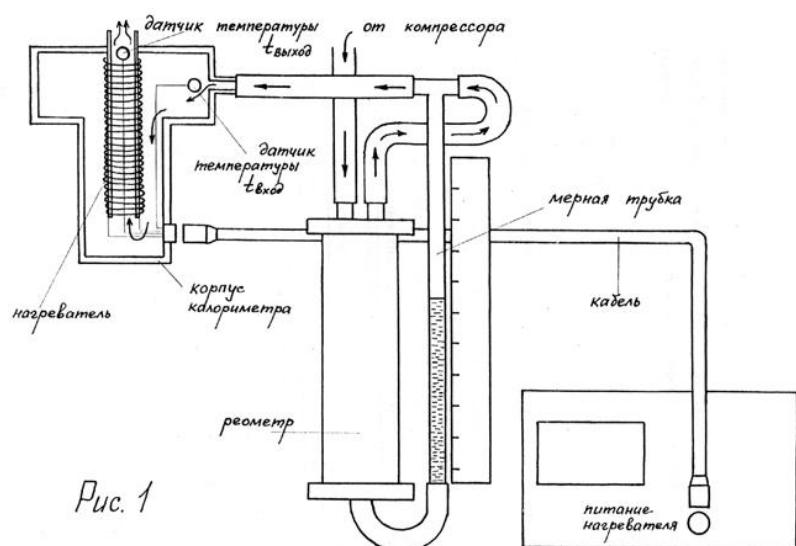
Подготовил к публикации методическое пособие доц. Авксентьев Ю.И.

# ОПРЕДЕЛЕНИЕ ТЕПЛОЕМКОСТИ ВОЗДУХА ПРИ ПОСТОЯННОМ ДАВЛЕНИИ

**Цель работы.** Целью работы является определение молярной теплоемкости воздуха при постоянном давлении  $C_p$ .

## ПРИНЦИП ЭКСПЕРИМЕНТА

Поток воздуха, создаваемый компрессором, проходит через трубку с нагревателем, получая при этом некоторое количество теплоты, и



выходит в окружающую среду (рис.1). Температура воздуха в градусах Цельсия на выходе трубки  $t_{выход}$  в результате нагрева выше, чем температура на входе  $t_{вход}$ , а давление воздуха внутри трубы при небольшой скорости течения, примерно, одинаковое и равно атмосферному. Для некоторых постоянных значений разности температур  $t_{вход}$  и  $t_{выход}$  снимается зависимость мощности нагревателя от расхода воздуха, т.е. скорости его подачи компрессором на вход трубы. Эта зависимость является линейной и теплоемкость  $C_p$  рассчитывается через тангенс угла наклона соответствующей прямой.

## Вывод расчетной формулы

Мощность, выделяемая нагревателем, расходуется на нагрев струи воздуха и на потери теплоты установкой в результате теплоотдачи с поверхности трубы в окружающую среду, что можно выразить уравнением теплового баланса:

$$W = \frac{dQ_{получ}}{dt} + \frac{dQ_{потерь}}{dt}. \quad (1)$$

Мощность нагревателя  $W$  равна произведению силы тока в его обмотке  $I$  на напряжение на ней  $U$

$$W = IU. \quad (2)$$

Отношение бесконечно малого количества теплоты  $dQ_{получ}$ , полученного воздухом за интервал времени  $dt$ , к величине этого интервала представляет

собой скорость или мощность нагрева струи воздуха ( $dQ_{нагр}/dt$ ). Аналогично  $dQ_{потеря}/dt$  – это скорость потери теплоты установкой. Величина потерь пропорциональна площади поверхности трубы и разности температур между ней и окружающей средой. При стационарном распределении температуры воздуха величина потеря постоянна.

Пусть через трубку прошло некоторое число молей воздуха  $dn$ . Это количество воздуха получит от нагревателя теплоту  $dQ_{нагр}$ , увеличив свою температуру на величину  $\Delta T$ . Считая, что разность давлений на концах трубы достаточно мала по сравнению с атмосферным давлением и воздух нагревается при постоянном (атмосферном) давлении, по определению теплоемкости можно записать

$$dQ_{нагр} = C_p \Delta T dn. \quad (3)$$

Из уравнения состояния идеального газа можно выразить число молей прошедшего через трубку воздуха  $dn$  через его объем  $dV$ :

$$\begin{aligned} PV &= nRT, \\ dn &= \frac{P}{RT} dV, \end{aligned} \quad (4)$$

где  $P, T$  -- давление и температура воздуха на входе в трубку,  $R$  -- универсальная газовая постоянная.

Подставим соотношения (2), (3), (4) в уравнение теплового баланса (1). В результате подстановки получим следующее равенство:

$$IU = \frac{C_p P \Delta T}{RT} \frac{dV}{dt} + \frac{dQ_{потеря}}{dt}. \quad (5)$$

Отношение объема воздуха  $dV$ , прошедшего через трубку, к интервалу времени  $dt$  представляет собой расход воздуха  $\lambda = dV/dt$ . Введем обозначения:  $X = \lambda$ ,  $Y = IU$ ,  $A = C_p P \Delta T / RT$ ,  $B = dQ_{потеря}/dt$ , тогда уравнение (5) запишется в виде

$$Y = AX + B. \quad (6)$$

Теплоемкость  $C_p$  рассчитывается через тангенс  $A$  угла наклона прямой по формуле

$$C_p = \frac{ART}{P\Delta T} \quad (7)$$

## ПОРЯДОК ИЗМЕРЕНИЙ

Задача выполняется на лабораторном комплексе ЛКТ-2, элементы которого размещены в трех ярусах каркаса (рис. 2).

Перед проведением измерений на комплексе ЛКТ-2 должны быть установлены вертикально на штырях и закреплены гайками блоки (5) и (6). Выход (2) компрессора (1), реометр (7) – устройство для измерения расхода газа (30) - и газовый калориметр (24) соединяются силиконовыми шлангами (рис. 1, рис. 2). Гнездо (16) измерительной системы ИСТ-2 (4) соединяется кабелем с гнездом калориметра (25), к которому подключены

нагреватель и датчики температуры. Перечисленные выше операции выполняются только с помощью лаборанта.

Комплекс ЛКТ-2 подключается к сети 220 В.

При проведении измерений на ЛКТ-2 необходимо выполнить следующие операции.

1. Зафиксировать значение  $h_0$  уровня жидкости в мерной трубке реометра при выключенном компрессоре.
2. Поставить регулятор (14) компрессора в крайнее положение, вращая его против часовой стрелки до упора, обеспечив минимальный начальный расход воздуха, и включить компрессор тумблером (15).

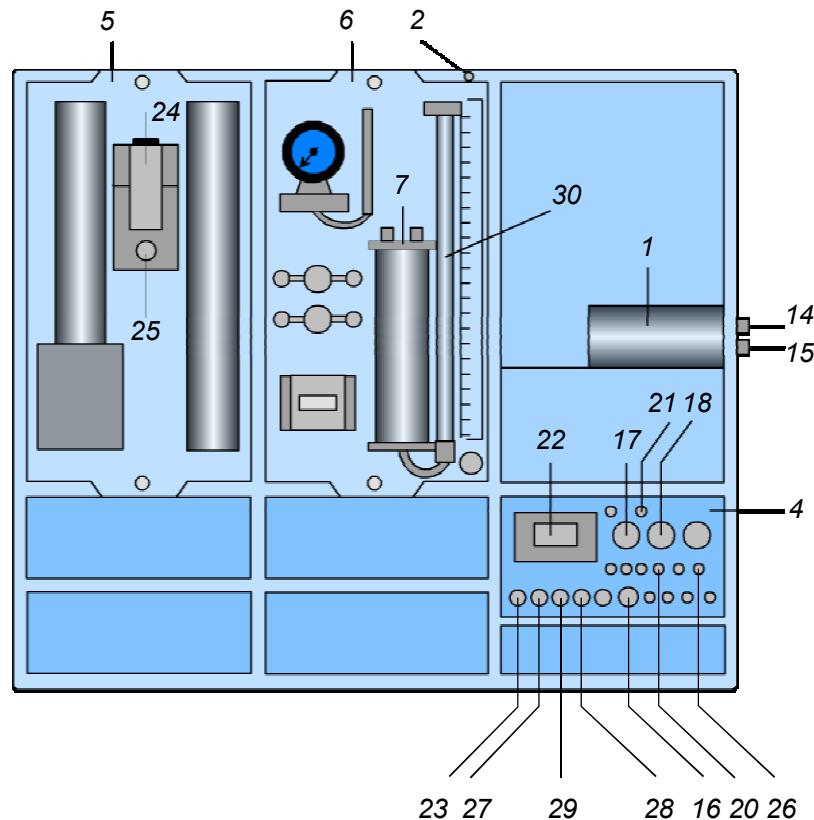


Рис. 2

Воздух будет проходить через реометр (7) в калориметр (24), при этом уровень жидкости в мерной трубке реометра повысится с начального уровня  $h_0$  до некоторого уровня  $h$ . Расход воздуха определяется по величине разности  $\Delta h = h - h_0$  (см. приложение к установке). Убедиться в возможности регулировки расхода воздуха, медленно вращая регулятор (14) компрессора по часовой стрелке.

3. Поставить регуляторы «ТЕМПЕРАТУРА» (17) и «НАГРЕВ» (18) в крайнее положение, вращая их против часовой стрелки до упора.

4. Включить тумблером (26) измерительную систему ИСТ-2 и записать в тетрадь с цифрового индикатора (22) начальные значения температуры воздуха на входе в трубку и выходе из неё. Температура на входе  $t_{\text{вход-нач}}$  в градусах Цельсия считывается при нажатой кнопке (27), а температура на выходе  $t_{\text{выход-нач}}$  - при нажатой кнопке (23).

5. Задать температуру нагрева воздуха, примерно,  $60^{\circ}C$  регулятором «ТЕМПЕРАТУРА» (17), повернув его по часовой стрелке на 3-4 деления. Задать напряжение нагревателя, примерно, 14В-16В регулятором «НАГРЕВ» (18), вращая его по часовой стрелке (напряжение контролируется по цифровому индикатору (22) при нажатой кнопке (28)). Включить нагреватель тумблером (20). После этого температура воздуха на выходе трубы  $t_{выход}$  начнет увеличиваться. При достижении заданной температуры система перейдет в режим терmostатирования и загорится красный индикатор (21).

6. После стабилизации температуры, напряжения и тока в нагревателе записать с цифрового индикатора их значения в таблицу. При нажатых кнопках (27), (23),(28) и (29) записывается соответственно температура на входе и выходе газового калориметра ( $t_{вход}$ ),( $t_{выход}$ );напряжение  $U_n$  в вольтах на нагревателе; ток через нагреватель  $I_n$  в миллиамперах.

7. Увеличить расход воздуха регулятором (14) компрессора, установив следующее значение  $\Delta h$  (см. таблицу в разделе «Обработка результатов измерений»). Выждать несколько минут для установления распределения температуры. После этого величина  $t_{выход}$  должна оставаться постоянной, а необходимая для этого мощность нагревателя автоматически увеличится. Допускается незначительное отклонение температуры  $t_{выход}$  от предыдущего значения на  $1-2^{\circ}C$ .

8. Операции пунктов 6-7 следует выполнить для ряда указанных в таблице значений расхода воздуха, затем повторить всю серию измерений для более высокой температуры на выходе трубы, задав её регулятором (17). Рекомендуется взять следующую температуру на  $20-30^{\circ}C$  выше первоначальной, повернув регулятор (17) на 2-3 деления по часовой стрелке.

## ОБРАБОТКА РЕЗУЛЬТАТОВ ИЗМЕРЕНИЙ

### 1. Рассчитать средние значения температур

$$\langle t_{выход} \rangle = \sum t_{выход} / n, \quad \langle t_{вход} \rangle = \sum t_{вход} / n,$$

где  $n$ - число используемых значений расхода воздуха. Используя результаты расчетов, определить среднее значение разности температур  $\langle \Delta T \rangle^0 K$

$$\langle \Delta T \rangle = [ \langle t_{выход} \rangle - t_{выход-нач} + (\langle t_{вход} \rangle - t_{вход-нач}) ] + 273.$$

2. Построить графики зависимостей мощности нагрева  $W$  от расхода воздуха  $\lambda$  для каждого значения разности  $\langle \Delta T \rangle$ , провести соответствующие прямые, определить угловой коэффициент  $A$  и рассчитать значение  $C_p$  по формуле (7), положив в ней

$$T = (\langle t_{\text{вход}} \rangle + \langle t_{\text{выход}} \rangle) / 2 + 273, \Delta T = \langle \Delta T \rangle.$$

Значения расхода воздуха  $\lambda$  в миллиметрах в секунду, соответствующие определенным значениям разности уровней  $\Delta h$ , приведены в приложении к экспериментальной установке.

Таблица

<i>Реометр: <math>\Delta h, \text{мм}</math></i>	30	60	90	120	180
<i>Расход, мл/с</i>	...	...	...	...	...
$t_{\text{выход}}$					
$t_{\text{вход}}$					
$U, B$					
$I, Ma$					
$W, Bm$					
$A = \dots$					
$C_p = \dots$					

### Вопросы для самопроверки

- Дайте определения молярной теплоёмкости газа  $C$ , а также теплоёмкости  $C_p$  при постоянном давлении и теплоёмкости  $C_V$  при постоянном объёме.
- Получите формулу Майера для теплоёмкостей  $C_p$  и  $C_V$  идеального газа, используя первое начало термодинамики и уравнение состояния идеального газа.
- Почему теплоёмкость  $C_p$  оказывается больше теплоёмкости  $C_V$ ? Дайте физическую интерпретацию.
- Запишите уравнение теплового баланса, используемое при расчётах. На что расходуется мощность, выделяемая нагревателем?
- В каком приближении давление воздуха в трубке можно считать постоянным?
- Какой график необходимо построить на основе экспериментальных данных (т.е. какие величины и какой размерности следует отложить по осям  $OX$  и  $OY$ )? Как определить теплоёмкость  $C_p$  воздуха из полученной зависимости? Записать расчётные формулы для тангенса  $A$  угла наклона прямой и теплоёмкости  $C_p$  воздуха.

### ЛИТЕРАТУРА

- Савельев И.В. «Курс физики», т.1. М.: Наука, 1989, глава 10 – Первое начало термодинамики, § 68 – Внутренняя энергия и теплоемкость идеального газа.
- Савельев И. В. Курс общей физики: уч. пособие. в 5 кн. кн. 3. Молекулярная физика и термодинамика. М. Наука Физматлит, 1998.

Глава 1. Предварительные сведения.

§ 1.9 Внутренняя энергия и теплоемкость идеального газа.

3. Пустовалов Г. Е., Богданов А. Е. «Теплоемкость идеальных газов», методическая разработка, ОПП физ. ф – та МГУ , 1999.